



Проектирование компиляторов

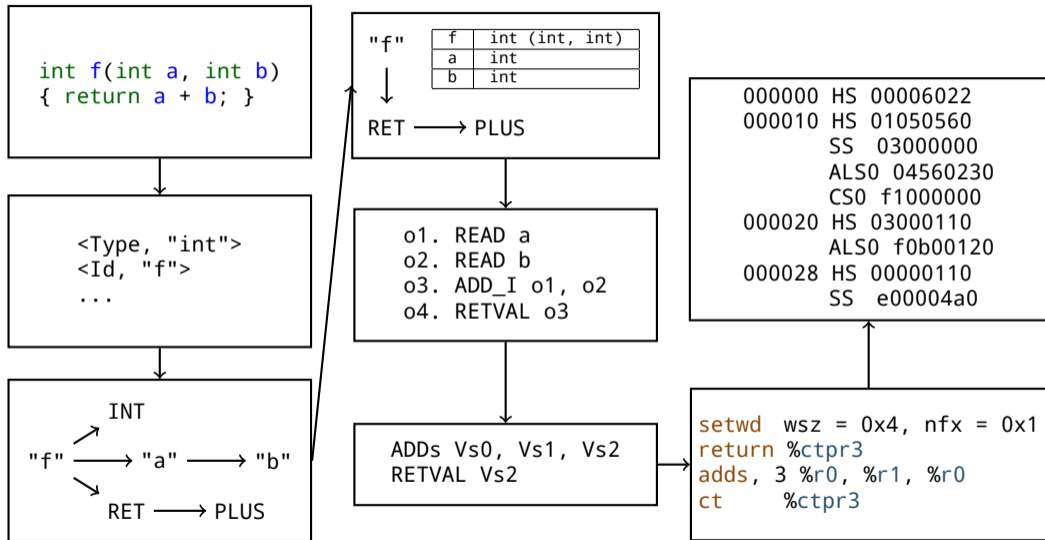
Лекция 9.

Локальные оптимизации и оптимизации потока данных.

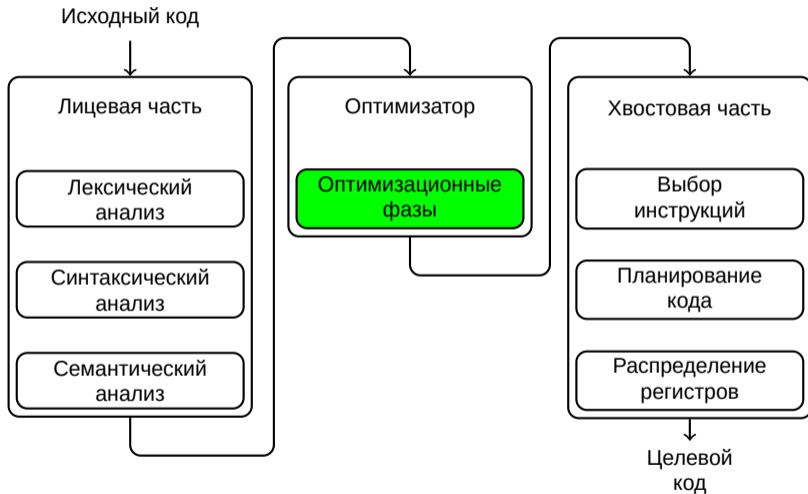
Маркин А. Л.
alexanius@gmail.com

2021

Компиляция программы



Компиляция программы



Локальные оптимизации

Локальные оптимизации — класс оптимизаций, работающих с небольшим участком представления. Обычно это линейный участок или его часть. Иногда в рассмотрение могут попадать несколько окружающих линейных участков.

Локальные оптимизации предназначены для уменьшения времени исполнения отдельных линейных участков а также для устранения избыточности кода.

Большинство локальных оптимизаций работают с потоком данных, т.е. применяют граф определений и использований.

Локальные оптимизации

Возможные источники контекста для локальных оптимизаций:

- ▶ Высокоуровневый язык программирования.
- ▶ Неоптимальность кода (иногда оправданная).
- ▶ Другие оптимизации.

```
long a[10][20];  
...  
a[3][2] = 0;
```

→

```
      ; Вычисляем смещение  
      MULd  2,  8,  Vd1  
      MULd  3, 20,  Vd2  
      MULd  8, Vd2,  Vd3  
      ADDd  Vd1, Vd3,  Vd4  
      ; Записываем значение  
      STd   Vd0, Vd4, 0
```

→

```
      ; Записываем значение  
      STd   Vd0, 496, 0
```

Свёртка констант

Свёртка констант (Constant folding) — вычисление выражений, аргументы которых являются константами:

$$\begin{array}{l} 1 + 2 \rightarrow Vd0 \\ Vd1 + Vd0 \rightarrow Vd2 \end{array} \longrightarrow Vd1 + 3 \rightarrow Vd2$$

Аналогичным образом оптимизация работает для битовых и адресных операций.

Свёртка констант

При выполнении свёртки констант могут встречаться ошибки в коде.
Например:

1 / 0 -> Vd0

Свёртка констант

При выполнении свёртки констант могут встречаться ошибки в коде.
Например:

1 / 0 -> Vd0

Возможны разные проблемные ситуации:

- ▶ Целочисленные переполнения
- ▶ Деление на ноль
- ▶ Изменение результата плавающих вычислений

Свёртка констант

Свёртка плавающих констант представляет особую проблему:

- ▶ Выполнение плавающих операций внутри компилятора и при исполнении на реальной машине может различаться
- ▶ Стандарт, описывающий плавающие числа (IEEE-754), содержит много особых ситуаций: бесконечности, NaN, денормализованные значения и другие. Необходимо внимательно его изучить и аккуратно перенести в оптимизации.

Алгебраические упрощения

Алгебраические упрощения используют алгебраические свойства операций для упрощения выражений:

$$Vd0 + 0 = 0 + Vd0 = Vd0 - 0 = Vd0$$

$$0 - Vd0 = -Vd0$$

$$Vd0 * 1 = 1 * Vd0 = Vd0 / 1 = Vd0$$

$$Vd0 * 0 = 0 * Vd0 = 0$$

$$Vd0 + (-Vd1) = Vd0 - Vd1$$

$$-(-Vd0) = Vd0$$

$$Vd2 || true = true \quad || \quad Vd2 = true$$

$$Vd2 || false = false \quad || \quad Vd2 = Vd2$$

$$Vd2 \&\& true = true \quad \&\& \quad Vd2 = Vd2$$

$$Vd2 \&\& false = false \quad \&\& \quad Vd2 = false$$

Алгебраические упрощения

Некоторые упрощения могут влиять на результат работы программы:

$$\begin{array}{l} 1 \quad / \quad Vd0 \quad -> \quad Vd2 \\ Vd1 \quad * \quad Vd2 \quad -> \quad Vd3 \end{array} \longrightarrow Vd1 \quad / \quad Vd0 \quad -> \quad Vd3$$

Данное преобразование корректно математически, но результат в случае вычислений с плавающей точкой будет различаться

Понижение силы операций

Некоторые исходные вычисления можно заменить более дешёвыми аналогами:

$\text{pow}(\text{Vd0}, 2)$	$\rightarrow \text{Vd1}$	$\text{Vd0} * \text{Vd0}$	$\rightarrow \text{Vd1}$
$\text{Vd2} * 2$	$\rightarrow \text{Vd3}$	$\text{Vd2} + \text{Vd2}$	$\rightarrow \text{Vd3}$
$\text{Vd4} * 5$	$\rightarrow \text{Vd5}$	$\longrightarrow \text{Vd4} \ll 2$	$\rightarrow \text{Vd8}$
		$\text{Vd8} + \text{Vd4}$	$\rightarrow \text{Vd5}$
$\text{Vd6} * 7$	$\rightarrow \text{Vd7}$	$\text{Vd6} \ll 3$	$\rightarrow \text{Vd9}$
		$\text{Vd9} - \text{Vd6}$	$\rightarrow \text{Vd7}$

Такое преобразование называется **понижение силы операций**.

Распространение констант

Осуществление свёртки констант не всегда возможно напрямую:

$$\begin{array}{l} 0 \quad \quad \quad \rightarrow Vd0 \\ Vd0 + 1 \rightarrow Vd1 \end{array} \longrightarrow \begin{array}{l} 0 \quad \quad \quad \rightarrow Vd0 \\ 0 \quad + 1 \rightarrow Vd1 \end{array}$$

Распространение констант (пропагация) — процесс подстановки значений, известных на этапе компиляции в выражения.

Оконные оптимизации

Оптимизации, занимающиеся мелкими локальными заменами и улучшениями обычно группируют в одну оптимизацию, называемую **оконой** (peephole).

Это набор оптимизаций, основанный на шаблонах, который видит несколько операций из линейного участка, т.е. смотрит на них через «окно» или «замочную скважину».

Компилятор **Icc** содержит более 200 шаблонов для данной оптимизации.

Оконные оптимизации

Эффекты от оконных оптимизаций:

- ▶ Уменьшение времени исполнения кода
- ▶ Уменьшение количества использованных регистров
- ▶ Уменьшение размера кода
- ▶ Создание контекста для других оптимизаций
- ▶ Возможно изменение поведения программы для отдельных случаев (например оптимизация плавающих вычислений)

Алгебраическое переупорядочивание

Даже после применения оконных оптимизаций не всегда возможно сразу произвести дальнейшую оптимизацию:

```
for(int i = 0; i < N; i++)  
  for(int j = 0; j < M; j++)  
    ind = (i * 2) + 4 + j + 2 + k + 1;  
    ...
```

```
i    + i  -> Vs0  
Vs0  + 4  -> Vs1  
Vs1  + j  -> Vs2  
Vs2  + 2  -> Vs3  
Vs3  + k  -> Vs4  
Vs4  + 1  -> ind
```

Несмотря на очевидную необходимость, оконные оптимизации не смогут примениться, т.к. не увидят подходящего шаблона

Алгебраическое переупорядочивание

Используя свойства операций, возможно произвести **алгебраическое переупорядочивание**, т.е. перестановку операндов таким образом чтобы оконные оптимизации увидели контекст применения:

```
for(int i = 0; i < N; i++)
  for(int j = 0; j < M; j++)
    ind = (i * 2) + 4 + j + 2 + k + 1;
```

```
i    * 2    -> Vs0
Vs0  + 4    -> Vs1
Vs1  + j    -> Vs2
Vs2  + 2    -> Vs3
Vs3  + k    -> Vs4
Vs4  + 1    -> ind
```



```
for(int i = 0; i < N; i++)
  for(int j = 0; j < M; j++)
    ind = j + i * 2 + k + 4 + 2 + 1;
```

```
1    + 2    -> Vs0
Vs0  + 4    -> Vs1
Vs1  + k    -> Vs2
i    * 2    -> Vs3
Vs3  + Vs2  -> Vs4
Vs4  + j    -> ind
```

Алгебраическое переупорядочивание

После переупорядочивания оконные оптимизации снова смогут улучшить код:

<pre>for(int i = 0; i < N; i++)</pre>	<pre>1 + 2 -> Vs0</pre>
<pre> for(int j = 0; j < M; j++)</pre>	<pre>Vs0 + 4 -> Vs1</pre>
<pre> ind = j + i * 2 + k + 4 + 2 + 1;</pre>	<pre>Vs1 + k -> Vs2</pre>
	<pre>i * 2 -> Vs3</pre>
	<pre>Vs3 + Vs2 -> Vs4</pre>
	<pre>Vs4 + j -> ind</pre>
	↓
<pre>for(int i = 0; i < N; i++)</pre>	<pre>7 + k -> Vs2</pre>
<pre> for(int j = 0; j < M; j++)</pre>	<pre>i * 2 -> Vs3</pre>
<pre> ind = j + i * 2 + k + 7;</pre>	<pre>Vs3 + Vs2 -> Vs4</pre>
	<pre>Vs4 + j -> ind</pre>

Кроме того, в данном коде улучшился контекст и для других оптимизаций.

Алгебраическое переупорядочивание

Принцип применения алгебраического переупорядочивания:

1. Для каждого подвыражения считаем ранг:
 - ▶ Наименьший ранг у констант
 - ▶ Повышается ранг у инвариантов для каждого цикла
 - ▶ Повышается ранг для индуктивных переменных для каждого цикла
2. Сортируем подвыражения в соответствии с их рангом

Алгебраическое переупорядочивание

Преимущества:

- ▶ Создание контекста для других оптимизаций (особенно свёртки констант и выноса инвариантов)

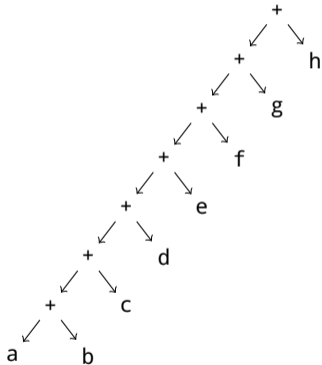
Недостатки:

- ▶ Изменение работы программы (если для операции отсутствует ассоциативность)
- ▶ Может испортить контекст для других оптимизаций (например для удаления общих подвыражений)

Проблема

Рассмотрим дерево разбора и промежуточный код выражения:

$a + b + c + d + e + f + g + h$

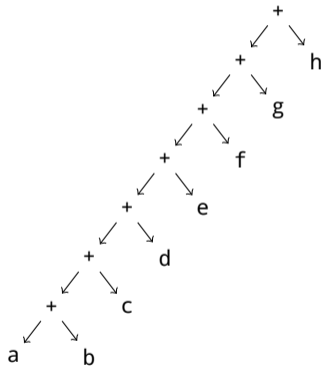


$a + b \rightarrow Vs0$
 $Vs0 + c \rightarrow Vs1$
 $Vs1 + d \rightarrow Vs2$
 $Vs2 + e \rightarrow Vs3$
 $Vs3 + f \rightarrow Vs4$
 $Vs4 + g \rightarrow Vs5$
 $Vs5 + h \rightarrow Vs6$

Проблема

Рассмотрим дерево разбора и промежуточный код выражения:

$a + b + c + d + e + f + g + h$

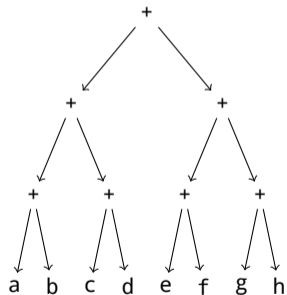


$a + b \rightarrow Vs0$
 $Vs0 + c \rightarrow Vs1$
 $Vs1 + d \rightarrow Vs2$
 $Vs2 + e \rightarrow Vs3$
 $Vs3 + f \rightarrow Vs4$
 $Vs4 + g \rightarrow Vs5$
 $Vs5 + h \rightarrow Vs6$

Проблема: код является последовательным и не позволяет использовать параллелизм уровня инструкций.

Балансировка выражений

Дерево выражений можно сбалансировать:



a + b -> Vs0
c + d -> Vs1
e + f -> Vs2
g + h -> Vs3
Vs0 + Vs1 -> Vs4
Vs2 + Vs3 -> Vs5
Vs4 + Vs5 -> Vs6

Балансировка выражений

Планирование операций до и после балансировки:

```
0: a + b -> Vs0 // АЛК 0
4: Vs0 + c -> Vs1 // АЛК 0
8: Vs1 + d -> Vs2 // АЛК 0
12: Vs2 + e -> Vs3 // АЛК 0
16: Vs3 + f -> Vs4 // АЛК 0
20: Vs4 + g -> Vs5 // АЛК 0
24: Vs5 + h -> Vs6 // АЛК 0
```

```
0: a + b -> Vs0 // АЛК 0
0: c + d -> Vs1 // АЛК 1
0: e + f -> Vs2 // АЛК 2
0: g + h -> Vs3 // АЛК 3
4: Vs0 + Vs1 -> Vs4 // АЛК 0
4: Vs2 + Vs3 -> Vs5 // АЛК 1
8: Vs4 + Vs5 -> Vs6 // АЛК 0
```

Увеличение параллелизма уровня инструкций ускорило исполнение на 16 тактов.

Балансировка выражений

Преимущества:

- ▶ Увеличение параллелизма уровня инструкций

Недостатки:

- ▶ Изменение работы программы (если для операции отсутствует ассоциативность)
- ▶ Может испортить контекст для других оптимизаций (например для удаления общих подвыражений)

Проблема

В коде часто можно встретить дублирующиеся вычисления:

```
for(long i = 0; i < N; i++)  
    p[ind * 4 + i] = q[ind * 4 + i];
```

Промежуточное представление ациклического участка:

```
ind * 4 -> Vd0  
Vd0 + i -> Vd1  
q[Vd1] -> Vd2  
ind * 4 -> Vd3  
Vd3 + i -> Vd4  
Vd2      -> p[Vd4]
```

Удаление общих подвыражений

Компилятор умеет определять общие подвыражения и удалять дублирующие вычисления:

```
for(long i = i; i < N; i++)
    p[ind * 4 + i] = q[ind * 4 + i];
```

```
ind * 4 -> Vd0
Vd0 + i -> Vd1
q[Vd1]  -> Vd2
ind * 4 -> Vd3
Vd3 + i -> Vd4
Vd2      -> p[Vd4]
```



```
for(long i = i; i < N; i++)
{
    Vd1 = ind * 4 + i;
    p[Vd1] = q[Vd1];
}
```

```
ind * 4 -> Vd0
Vd0 + i -> Vd1
q[Vd1]  -> Vd2
Vd2      -> p[Vd1]
```

Такая оптимизация называется **удалением общих подвыражений** (common subexpression elimination, cse).

Нумерация значений

Для поиска общих подвыражений применяется специальная техника, называемая **нумерация значений**.

Класс эквивалентности (конгруэнтности) — подмножество операций, безусловно имеющих одинаковый результат.

Нумерация значений (value numbering) — анализ, определяющий класс эквивалентности у различных операций.

Нумерация значений

Основная идея нумерации значений:

Каждой операции присвоить класс эквивалентности — символьное значение, которое определяет её результат.

Класс эквивалентности основывается на действии, выполняемом операцией и классах эквивалентности её аргументов.

ind	(c1) * 4 (c2)	-> Vd0		(c3)
Vd0	(c3) + i (c4)	-> Vd1		(c5)
q[Vd1]	(c6)	-> Vd2		(c7)
ind	(c1) * 4 (c2)	-> Vd3		(c3)
Vd3	(c3) + i (c4)	-> Vd4		(c5)
Vd2	(c7)	-> p[Vd4]		(c8)

Удаление общих подвыражений

Преимущества:

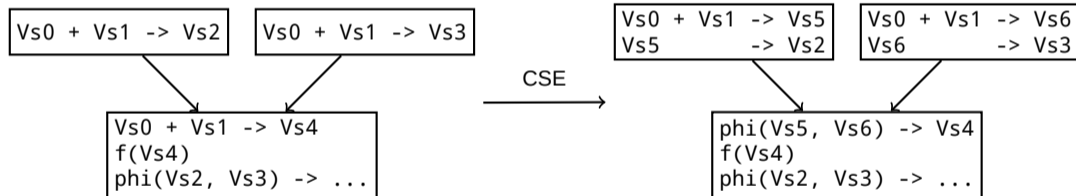
- ▶ Ускорение программы за счёт уменьшения количества вычислений.

Недостатки:

- ▶ Увеличение времени жизни регистров.

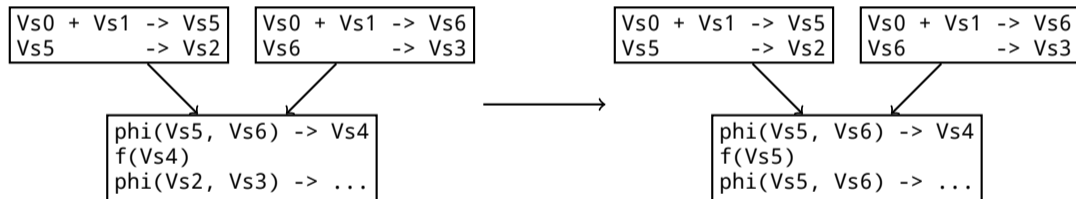
Проблема

Работа различных оптимизаций может привести к лишним операциям копирования значений:



Распространение копий

Распространение копий (copy propagation) — оптимизация, при наличии пересылок вида $Vs0 \rightarrow Vs1$ заменяющая использование копии значения на само значение.



В дальнейшем избыточный код будет удалён другими оптимизациями

Распространение копий

Преимущества:

- ▶ Создание контекста для устранения избыточных операций.

Недостатки:

- ▶ Увеличение времени жизни регистров.

Проблема

```
int f(int x, int y)
{
    int w = x * y;
    return x + y;
}
```

Проблема

```
int f(int x, int y)
{
    int w = x * y;
    return x + y;
}
```

В данном коде присутствует избыточность: выполняются операции, результат которых никак не используется далее.

Удаление мёртвого кода

Переменная называется **мёртвой**, если на пути от её определения до точки выхода у неё нет использований.

Операция называется **мёртвой** если вычисляемые ей значения не используются на всём пути исполнения.

```
int f(int x, int y)
{
    int w = x * y; // Мёртвый код
    return x + y;
}
```

Удаление мёртвого кода

Причины появления мёртвого кода:

- ▶ Работа оптимизаций
- ▶ Раскрытие языковых конструкций (например макросов)
- ▶ Неаккуратная работа программиста (довольно редко)

```
int f(int x, int y)
{
    int w = x * y; // Мёртвый код
    return x + y;
}
```

Удаление мёртвого кода

Алгоритм **удаления мёртвого кода** (Dead Code Elimination, dce):

1. Необходимо пометить маркером все априори живые операции:
 - ▶ Переходы
 - ▶ Запись в память
 - ▶ Вызовы функций
2. Для каждой живой операции поднимаемся по графу определений и использований и помечаем все операции как живые
3. Все операции, не помеченные как живые считаются мёртвыми, и их можно удалять

```
int f(int x, int y)
{
    int w = x * y; // Мёртвый код
    return x + y;
}
```

Удаление мёртвого кода

Эффекты от применения **удаления мёртвого кода**:

- ▶ Ускорение программы за счёт удаления лишних операций
- ▶ Уменьшение нагрузки на регистры
- ▶ Облегчение работы других оптимизаций

Литература

- ▶ *S. S. Muchnick* Advanced Compiler Design and Implementation.
- ▶ *K. D. Cooper, L. Torczon* Engineering a compiler.
- ▶ *А. В. Ахо, М. С. Лам, Р. Сети, Д. Д. Ульман* Компиляторы: принципы, технологии и инструменты.
- ▶ *Chirag H. Bhatt, Harshad B. Bhadka* Peephole Optimization Technique for analysis and review of Compiler Design and Construction